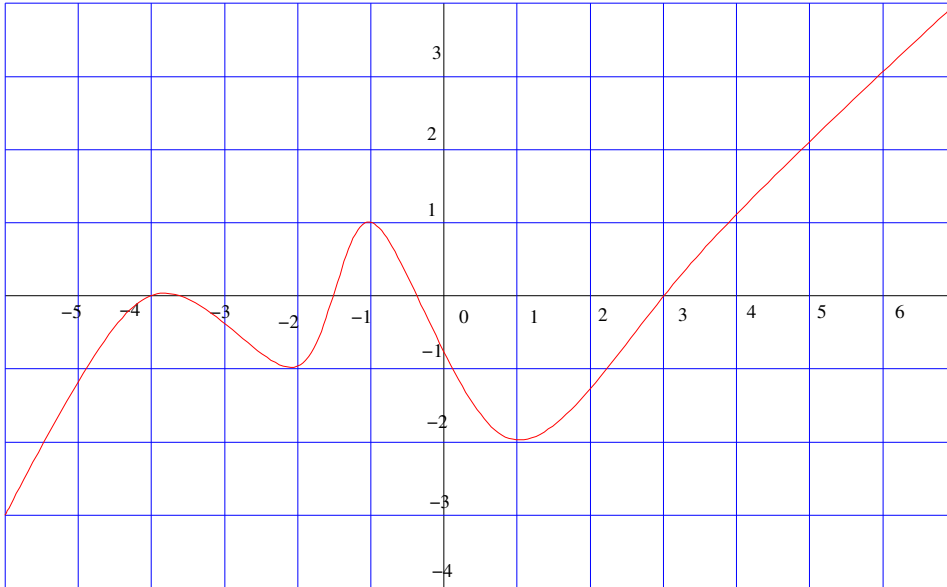


1 Soit f la fonction à variable réelle définie par : $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $x \mapsto 2x^2 - 3$

- a) Calculer les images de -3 et de $\sqrt{2} - 1$.
- b) Déterminer les antécédants de 5 ; 3 ; 0 et -4 .
- c) Calculer les images des entiers compris entre -3 et 3 puis tracer la représentation graphique de f .

2 Voici la représentation graphique d'une fonction f , répondre aux questions suivantes :



- a) Quel est l'ensemble de définition de f ?
- b) Quelles sont les images de 4 , 0 , 7 et -2 ?
- c) Donner une valeur approchée de $f(-3)$, $f(-1)$ et $f(2)$.
- d) Quels sont les antécédants de 0 , 1 , -3 et -4 ?
- e) Sur quels intervalles f est-elle croissante? décroissante?
- f) Dresser le tableau de variation de f .
- g) Quels sont les extrémum de f ? Pour quelles valeurs sont-ils atteints?
- h) Résoudre graphiquement les équations : $f(x) = -2$, $f(x) = -1$ et $f(x) = -4$.
- i) Résoudre graphiquement les inéquations : $f(x) \geq 0$ et $f(x) \leq -2$
- j) Dresser le tableau de signes de f .

3 a) Tracer une représentation graphique des fonctions f et g dont voici le tableau de variation :

x	-4	-1	0	3	5
$f(x)$	0	↘	-2	↗	1
				↘	0
					↗
					2

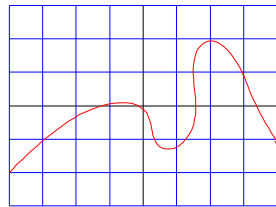
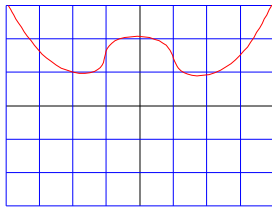
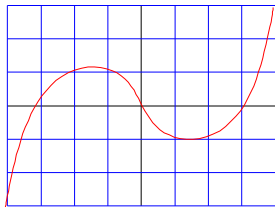
x	-2	0	1	3
$g(x)$	0	↗	2	↗
				↗
				3
				↘
				-2

- b) Résoudre graphiquement l'équation : $f(x) = 0$.
- c) Comparer $g(-1)$ et $g(1)$
 $f(2)$ et 0
 $f(-3)$ et $f(4)$.

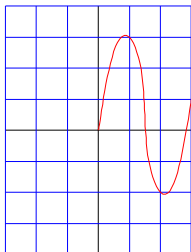
4 On sait que la fonction f est croissante sur $[-3; 0]$ et décroissante sur $[0; 5]$. On a $f(-3) = 2$; $f(0) = 4$ et $f(5) = -2$.

- a) Dresser le tableau de variation de f .
- b) Compléter par $<$ ou $>$.
 - $-2 < x < -0,5$ alors $f(-2) \dots f(x) \dots f(-0,5)$
 - $1 < x < 2$ alors $f(1) \dots f(x) \dots f(2)$
 - $x > 3$ alors $f(x) \dots f(3)$
 - $x \in [-3; 0]$ alors $2 \dots f(x) \dots 4$.

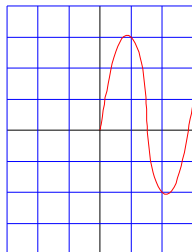
5 a) Les fonctions dont voici une représentation graphique sont-elles paires ou impaires ?



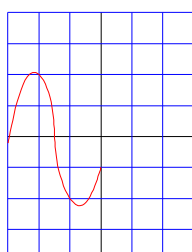
b) Compléter les représentations graphiques suivantes pour qu'elles définissent des fonctions paires ou impaires.



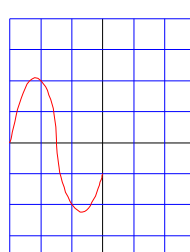
f est paire



f est impaire



f est paire



f est impaire

6 Les fonctions suivantes sont-elles paires ? impaires ?

$$f(x) = 2x^2 - 3 \quad g(x) = \frac{1}{x^2 + 1} \quad h(x) = 3x^3 - 2x$$

$$i(x) = \frac{x}{x^2 + 4} \quad j(x) = 2x^2 - 3x + 1 \quad k(x) = \frac{5}{8}$$

7 Soit ABED un trapèze rectangle en A de bases [AB] et [DE] tel que DE=6 cm, AD=3 cm et AB=2 cm. Soit C un point du segment [DE]. On note CE=x.

Soit f(x) l'aire de ABCD, g(x) l'aire de BCE, h(x) le périmètre de ABCD et k(x) le périmètre de BCE.

1°) Dans quel intervalle le nombre x peut-il varier ?

2°) Tracer deux figures, l'une pour x=1, l'autre pour x=4.

3°) Calculer les images de 1 et de 4 pour chacune des fonctions f, g, h et k.

4°) Exprimer en fonction de x, f(x), g(x), h(x) et k(x).

5°) Pour quelle valeur de x les aires de ABCD et de BCE sont-elles égales ?

6°) Pour quelle valeur de x les périmètres de ABCD et de BCE sont-ils égaux ?

8 Pour les fonctions carrées suivantes, donner le tableau de variation puis tracer la courbe.

$$f(x) = x^2 + 2x - 3 \quad g(x) = -x^2 + 4x + 1 \quad h(x) = 2x^2 - 6x + 4 \quad i(x) = -2x^2 + x$$

9 1°) Tracer les représentations graphiques des fonctions usuelles :

$$f(x) = x^2 \quad g(x) = \frac{1}{x} \quad h(x) = \sqrt{x} \quad i(x) = x^3$$

2°) En utilisant une translation, tracer sur l'un des graphiques précédents, la représentation graphique de :

$$l(x) = (x - 3)^2 \quad m(x) = \sqrt{x - 2} \quad n(x) = \frac{1}{x + 1} \quad p(x) = (x + 2)^3$$

$$q(x) = \sqrt{x} + 2 \quad r(x) = x^2 - 5 \quad s(x) = 1 + \frac{1}{x} \quad t(x) = (x - 3)^2 + 2$$

3°) Sur un autre graphique, tracer successivement les représentations graphiques de :

$$A(x) = \frac{1}{x} \quad B(x) = \frac{1}{x + 1} \quad C(x) = \frac{1}{x + 1} - 3 \quad D(x) = \left| \left(\frac{1}{x + 1} - 3 \right) \right|$$

$$E(x) = - \left(\frac{1}{x + 1} - 3 \right) \quad F(x) = \frac{1}{|x| + 1} - 3 \quad G(x) = \frac{1}{-x + 1} - 3$$

10 Soit la fonction $f(x) = \frac{x - 1}{x + 1}$.

1°) Quel est l'ensemble de définition de f ?

2°) Déterminer a et b tels que $f(x) = a + \frac{b}{x + 1}$.

3°) Tracer la représentation graphique de $g(x) = \frac{-2}{x}$.

4°) En déduire la représentation graphique de f.

5°) Tracer le tableau de variations de f.

Exercice 1 :

Déterminer l'ensemble de définition des fonctions suivantes :

- 1) $f : x \mapsto 2x + 5$ 2) $g : x \mapsto \frac{1}{x}$
 3) $h : x \mapsto \frac{1}{2x + 5}$ 4) $j : x \mapsto \frac{x + 1}{2x + 5}$
 5) $k : x \mapsto \sqrt{x}$ 6) $\ell : x \mapsto \sqrt{x^2}$
 7) $m : x \mapsto \sqrt{2x + 5}$ 8) $n : x \mapsto \sqrt{-x + 2}$

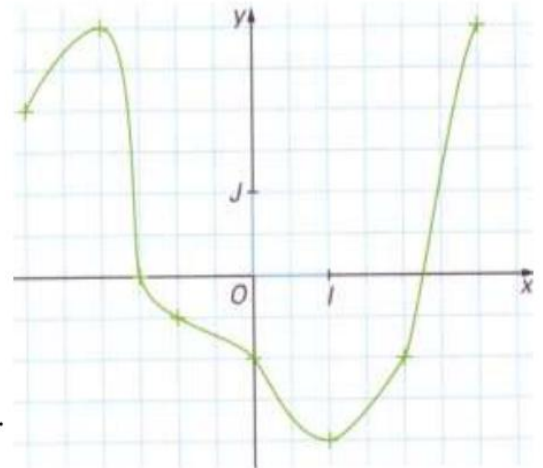
Exercice 2 :

Dans un repère (O, I, J)
on considère la courbe représentative d'une fonction :

- Quel est l'ensemble de définition de f ?
- Recopier et compléter le tableau :

x	-1	0	1	2	3
image de x					

- Déterminer les antécédents éventuel(s) de : -2 ; -1 ; 0 ; 3.



Exercice 3 :

On considère la fonction f définie sur $[-2; 2]$ par $f(x) = \frac{x^2}{x+5}$.

Les points suivants sont-ils sur la courbe représentative de f :

$O(0; 0)$; $A\left(1; \frac{1}{6}\right)$; $B\left(3; \frac{1}{5}\right)$; $C\left(-2; \frac{4}{7}\right)$; $D\left(-3; \frac{9}{2}\right)$?

Exercice 4 :

On considère la fonction f définie sur \mathbf{R} par $f(x) = -x^2 + 3x - 2$.

- Calculer les images de 2, 0 et -3 par la fonction f .
- Calculer $f\left(-\frac{1}{3}\right)$, $f(\sqrt{2})$ et $f(\sqrt{2} + 1)$.
- Déterminer le (ou les) nombre(s) dont l'image par f est -2 (On dit le ou les antécédents de -2 par f).

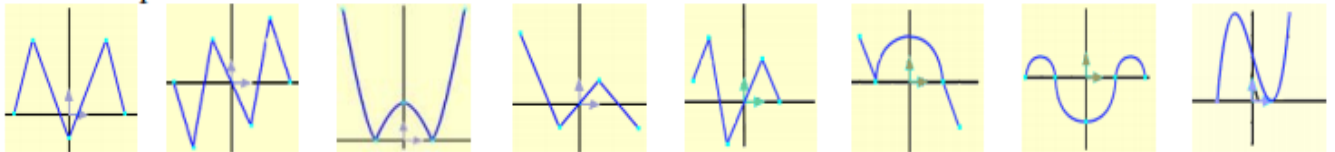
Exercice 5 :

On considère la fonction g définie par $g(x) = \frac{5x-3}{x-6}$.

- 1) Déterminer l'ensemble de définition de la fonction g .
- 2) Calculer les images de -2 et $\frac{1}{3}$.
- 3) Déterminer le(s) antécédent(s) de 3 et 5 par la fonction g .

Exercice 6 :

Préciser la parité des fonctions ci-dessous :



--	--	--	--	--	--	--	--

Exercice 7 :

Dans chacun des cas suivants, étudier la parité de la fonction f définie sur I .

- 1) $f(x) = -3x^2 + 5$ $I = [-10;10]$
- 2) $f(x) = x^3 - 2x + 3$ $I = \mathbb{R}$
- 3) $f(x) = 2x + 5x^3$ $I = [-5;10]$
- 4) $f(x) = 3x - \frac{3}{x}$ $I = [-5;-1] \cup [1;5]$

Exercice 8 :

On considère une fonction f définie sur $[-7;7]$ dont le tableau de variations sur $[0;7]$ est représenté ci-dessous :

x	0	2	4	7
$f(x)$	-6	-9	-3	-10

Sachant que f est impaire, donner le tableau de variations complet de f .

Exercice 9 :

On considère la fonction définie sur \mathbb{R}^* par $f(x) = x + \frac{1}{x}$.

Montrer que 2 est un minorant de f sur \mathbb{R}_+^* . Est ce le minimum sur \mathbb{R}_+^* ? 2 est il un minorant sur \mathbb{R}^* ?

Exercice 10 :

Pour chacune des fonctions, déterminer les caractéristiques de leur extrémum et dresser le tableau de variation :

- 1) $f : x \mapsto 2x^2 + 8x + 1$ 2) $g : x \mapsto -x^2 + 2x + 1$
 3) $h : x \mapsto x^2 + 4x + 4$ 4) $j : x \mapsto -3x^2 + 9x - 2$
 5) $k : x \mapsto 3x^2 + 2x + 2$ 6) $l : x \mapsto -x^2 + 2\sqrt{3}x - 1$

Exercice 11 :

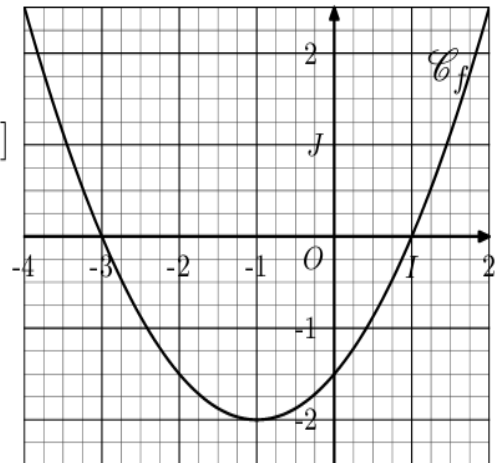
On considère la fonction f , qui à tout nombre x , associe son image $f(x)$ définie par :

$$f(x) = \frac{1}{2}x^2 + x - \frac{3}{2}$$

Le graphique ci-dessous donne la représentation de la courbe \mathcal{C}_f dans le repère $(O ; I ; J)$ orthonormal :

Graphiquement, répondre aux questions suivantes :

- 1) Donner les antécédents du nombre 0 par f .
- 2) Dresser le tableau de variation de la fonction f sur l'intervalle $[-4 ; 2]$
- 3) Donner les caractéristiques de l'extrémum de la fonction f .
- 4) a - Etablir l'égalité suivante : $f(x) = \frac{1}{2} \cdot (x+3)(x-1)$
 b - Résoudre l'équation : $f(x) = 0$.
- 5) a - Etablir l'égalité suivante : $f(x) = \frac{1}{2}(x+1)^2 - 2$
 b - Démontrer que la fonction f est décroissante sur l'intervalle $]-\infty ; -1]$.

**Exercice 12:**

Soit f la fonction définie par $f(x) = \frac{2x-5}{x-3}$

- 1) Déterminer \mathcal{D}_f , puis étudier la parité de f .
- 2) Déterminer la forme canonique de f c'est à dire a et b tels que $f(x) = a + \frac{b}{x-3}$
- 3) On admet que \mathcal{C}_f admet un centre de symétrie. Conjecturer les coordonnées de ce centre puis démontrer votre conjecture.
- 4) a) Étudier les variations de f sur $]3 ; +\infty[$
 b) Construire le tableau de variations sur \mathcal{D}_f . Justifier le tableau.

Exercice 13 :

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par :

$$f : x \longmapsto -2x^2 + 2x + 12$$

1) Etablir les égalités suivantes :

$$-2x^2 + 2x + 12 = (3 - x)(2x + 4) = -2\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{25}{2}$$

2) a- Justifier que la fonction f s'annule pour deux nombres qu'on précisera.

b- Justifier que la fonction f admet $\frac{25}{2}$ pour maximum.

3) a- Etablir que la fonction f est croissante sur l'intervalle $\left] -\infty ; \frac{1}{2} \right]$.

b- Dresser, sans justification, le tableau de variation de la fonction f sur \mathbb{R} .

Exercice 14 :

On considère la fonction f dont l'image d'un nombre réel x est définie par la relation :

$$f(x) = 2x^2 + 4x - 1$$

1) Etablir l'égalité : $f(x) = 2(x + 1)^2 - 3$

2) Montrer que :

a - f est strictement décroissante sur $\left] -\infty ; -1 \right]$.

b - f est strictement croissante sur $\left[-1 ; +\infty \right[$.

3) Dresser le tableau de variation de la fonction f .

4) En déduire que -3 est le minimum de la fonction f .

Exercice 15 :

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} , par $f(x) = -x^2 + 4x - 1$.

1. Montrer que, pour tout $x \in \mathbb{R}$, $f(x) = -(x - 2)^2 + 3$.

2. Montrer que f admet un maximum qu'on précisera.

3. Etudier les variations de f sur $\left] -\infty ; 2 \right]$ et sur $\left[2 ; +\infty \right[$.

Dresser le tableau de variation de f .

4. Résoudre $f(x) \leq -1$.

5. Représenter graphiquement la fonction ci-dessous.

On fera un tableau de valeurs entre -1 et 5 .

6. Représenter sur le même graphique la fonction définie sur \mathbb{R} par $g(x) = 4x + 2$.

7. Résoudre par le calcul $f(x) < g(x)$.